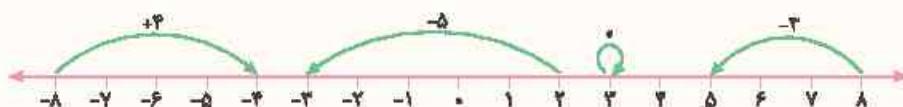


فصل ۱ عددهای صحیح و گویا



درس اول: یادآوری عددهای صحیح

در سال‌های گذشته با عددهای صحیح که شامل عددهای $\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots$ هستند و همچنین محور اعداد و حرکت روی محور آشنا شدید و آموختید که برای نشان دادن هر حرکت، تعداد واحدهای طی شده را به همراه علامت جهت حرکت می‌نویسیم. به مثال‌های زیر توجه کنید.



قرینهٔ اعداد صحیح: برای قرینه کردن هر عدد کافی است فقط علامت آن را تغییر دهیم. مانند:

$$(-7) \text{ قرینه } = -(-7) = +7 \qquad (+6) \text{ قرینه } = -(+6) = -6$$

جمع عددهای صحیح: در جمع دو عدد هم‌علامت (جور)، عددها را بدون در نظر گرفتن علامت‌ها با هم جمع می‌کنیم و پشت جواب، یکی از علامت‌ها را می‌نویسیم. مانند:

$$(+5) + (+7) = +(5+7) = +12 \qquad (-5) + (-7) = -(5+7) = -12$$

در جمع دو عدد غیر هم‌علامت (ناجور)، بدون در نظر گرفتن علامت‌ها، ابتدا عدد کوچک‌تر را از عدد بزرگ‌تر کم می‌کنیم و پشت جواب، علامت عددی را قرار می‌دهیم که ظاهر بزرگ‌تری دارد. مانند:

$$\begin{array}{l} \text{الف} \left\{ \begin{array}{l} (-5) + (+7) = +(7-5) = +2 \\ (+5) + (-7) = -(7-5) = -2 \end{array} \right. \\ \text{ب} \left\{ \begin{array}{l} (-34) + (+20) = -(34-20) = -14 \\ (+34) + (-20) = +(34-20) = +14 \end{array} \right. \end{array}$$

به عبارت ساده‌تر در جمع دو عدد صحیح، اعداد جور با هم جمع، و اعداد ناجور از هم کم می‌شوند و همواره پشت عدد حاصل، علامت عددی قرار می‌گیرد که ظاهر بزرگ‌تری دارد.

تفریق اعداد صحیح: برای تفریق دو عدد صحیح کافی است اولین عدد را با قرینهٔ دومین عدد جمع کنیم و مثل قسمت قبل حاصل جمع را به دست آوریم. مانند:

$$\begin{array}{l} (-7) - (-10) = (-7) + (+10) = +(10-7) = +3 \\ (-7) - (+10) = (-7) + (-10) = -(10+7) = -17 \end{array}$$

برای جمع و تفریق‌های مختصر که پرانتزهای آنها را حذف کرده‌ایم نیز به همان ترتیب جمع عمل می‌کنیم. یعنی اعداد جور را با هم جمع، و اعداد ناجور را از هم کم می‌کنیم. مانند:

$$\begin{array}{l} \underline{-6+10} = +(10-6) = +4 \qquad \underline{+6-10} = -(10-6) = -4 \qquad \underline{-6-10} = -(10+6) = -16 \\ \text{ناجور} \qquad \qquad \qquad \text{ناجور} \qquad \qquad \qquad \text{جور} \end{array}$$



ضرب و تقسیم اعداد صحیح: در ضرب و تقسیم اعداد صحیح ابتدا تعیین علامت می‌کنیم، سپس عددها را بدون در نظر گرفتن علامت‌ها در هم ضرب یا بر هم تقسیم می‌کنیم. برای تعیین علامت به جدول زیر توجه کنید. مانند:

\times / \div	مثبت	منفی
مثبت	مثبت	منفی
منفی	منفی	مثبت

الف) $(-8) \times (-4) = +(8 \times 4) = +32$

ب) $(-15) \div (-3) = +(15 \div 3) = +5$

پ) $(-5) \times (+6) = -(5 \times 6) = -30$

ت) $(+30) \div (-15) = -(30 \div 15) = -2$

ترتیب انجام عملیات ریاضی: برای انجام محاسبات ریاضی به ترتیب زیر عمل می‌کنیم:

۱- محاسبه عبارت داخل پرانتزها

۲- محاسبه عبارت توان دار

۳- محاسبه ضرب یا تقسیم از چپ به راست عبارت (هر کدام که زودتر دیده شد).

۴- محاسبه جمع یا تفریق از چپ به راست عبارت (هر کدام که زودتر دیده شد).

مثال حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

الف) $-18 + 9 \times 2 - 2 = -2 \times 2 - 2 = -4 - 2 = -6$

ب) $13 - 5(4 - 3 \times 2) = 13 - 5(4 - 6) = 13 - 5 \times (-2) = 13 + 10 = 23$

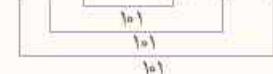
پ) $3^4 - 2^3 \times (-1)^4 + (3 \times 4 \div 2)^2 = 3^4 - 2^3 \times (-1)^4 + (12 \div 2)^2 = 3^4 - 2^3 \times (-1)^4 + 6^2$

$= 81 - 8 \times 1 + 36 = 81 - 8 + 36 = 109$

روش‌های ابتکاری در محاسبات:

۱- برای محاسبه حاصل جمع عددهای صحیح متوالی، ابتدا مجموع اولین و آخرین عدد را حساب می‌کنیم، سپس حاصل را در نصف تعداد عددها ضرب می‌کنیم. به عنوان مثال برای محاسبه مجموع عددهای طبیعی متوالی کوچک‌تر از ۱۰۱، به این ترتیب عمل می‌کنیم: ابتدا مجموع اولین و آخرین عدد را حساب می‌کنیم که مساوی ۱۰۱ می‌شود. از طرفی تعداد کل عددهای عبارت، صدتاست و مجموع هر دو آنها ۱۰۱ می‌شود، پس در کل ۵۰ تا ۱۰۱ به وجود می‌آید.

$1 + 2 + 3 + \dots + 98 + 99 + 100 = 50 \times 101 = 5050$



۲- حاصل ضرب عبارت‌هایی شامل عدد صفر، برابر صفر است. برای مثال حاصل عبارت $((1-20)(2-20)(3-20)\dots(30-20))$ صفر است زیرا حاصل یکی از پرانتزها (حاصل $20-20$) صفر می‌شود که حاصل ضرب آن در بقیه پرانتزها نیز صفر خواهد شد.

۳- در محاسبه یک سری از عبارت‌ها می‌توان با دسته‌بندی عددها، عبارت‌هایی با مقدار یکسان ایجاد کرد و با استفاده از آنها حاصل عبارت اصلی را به دست آوریم. به عنوان مثال برای محاسبه حاصل عبارت زیر که از هر دو عدد متوالی، یکی از عددها مثبت و دیگری

منفی است، به این صورت عددها را دسته‌بندی می‌کنیم: $1-2+3-4+\dots+29-30 = (1-2)+(3-4)+(5-6)+\dots+(29-30)$



در ادامه حاصل هر پیرانتز را حساب می‌کنیم که برابر ۱- می‌شود. با توجه به اینکه در این عبارت در کل ۳۰ عدد وجود دارد، تا (۱-) به دست می‌آید؛ بنابراین حاصل کل عبارت ۱۵- می‌شود.

حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

مثال

الف) $۱۰ + ۱۱ + \dots + ۴۸ + ۴۹ = ۵۹ \times ۲۰ = ۱۱۸۰$

مجموع اولین و آخرین عدد $= ۱۰ + ۴۹ = ۵۹$

نصف تعداد عددها $= \frac{(۴۹-۱۰)+۱}{۲} = \frac{۴۰}{۲} = ۲۰$

ب) $(-۱۰-۱)(-۹-۱)\dots(۹-۱)(۱۰-۱) = (-۱۰-۱)(-۹-۱)\dots(۰-۱)(۱-۱)\dots(۱۰-۱) = ۰$

پ) $\frac{۷-۱۴}{-۷} + \frac{۲۱-۲۸}{-۷} + \frac{۳۵-۴۲}{-۷} + \dots + \frac{۱۳۳-۱۴۰}{-۷} = ۱۰ \times (-۷) = -۷۰$

(۱۰ = تعداد دسته‌ها $\Rightarrow ۱۴۰ \div ۷ = ۲۰ =$ تعداد عددها)

تمرین

۱ درستی یا نادرستی جمله‌های زیر را مشخص کنید.

درست نادرست

الف) بزرگ‌ترین عدد صحیح منفی عدد (۱-) است.

درست نادرست

ب) عدد صفر نه مثبت است، نه منفی.

درست نادرست

پ) هر عدد طبیعی، یک عدد صحیح است.

درست نادرست

ت) حاصل ضرب هر عدد صحیح منفی در هر عدد صحیح مثبت، عددی مثبت است.

درست نادرست

ث) قرینه قرینه هر عدد صحیح منفی، یک عدد صحیح مثبت است.

۲ هر یک از جمله‌های زیر را با عدد یا کلمه مناسب کامل کنید.

الف) کوچک‌ترین عدد طبیعی دو رقمی فرد، عدد است.

ب) اگر عدد صحیحی را از صفر کم کنیم، آن عدد به دست می‌آید.

پ) قرینه هر عدد صحیح منفی، از خود آن عدد است.

ت) عدد صفر از همه اعداد صحیح بزرگ‌تر است.

ث) حاصل ضرب هر عدد در صفر، برابر است.

۳ به هر یک از قسمت‌های زیر، پاسخ مناسب دهید.

الف) عددهای صحیح منفی یک رقمی فرد را بنویسید.

ب) عددهای صحیح بین ۴- و ۵+ را بنویسید.

پ) عددهای صحیح منفی بزرگ‌تر از ۱۴- را بنویسید.

ت) مضرب‌های صحیح عدد ۳ را بنویسید.

ث) عددهای صحیحی را که قرینه آنها کوچک‌تر از ۵- است، بنویسید.



۱۰) حاصل هر یک از عبارات های زیر را به دست آورید.

الف) $1+2+3+\dots+50=$

ب) $(-1)+(-2)+(-3)+\dots+(-20)=$

پ) $1-2+3-4+5-6+\dots+83-84=$

ت) $(13-40)(14-40)(15-40)\dots(50-40)=$

ث) $-5+10-15+20-25+30-\dots-95+100=$

۱۱) در جاهای خالی عبارت زیر، علامت + یا - را طوری قرار دهید که:

الف) حاصل عبارت، بزرگترین عدد ممکن شود.

$-8 \bigcirc (+11) \bigcirc (-9) \bigcirc (-5) =$

ب) حاصل عبارت، کوچکترین عدد ممکن شود.

$-8 \bigcirc (+11) \bigcirc (-9) \bigcirc (-5) =$

پرسش های چهارگزینه ای

۱) حاصل عبارت $2+8-6$ کدام است؟

-14 (۲)

-7 (۱)

-20 (۴)

-10 (۳)

۲) حاصل عبارت $20+\dots+3+2+1$ برابر است با:

400 (۲)

420 (۱)

210 (۴)

100 (۳)

۳) یک ماشین عددساز با این دستور کار می کند: «عدد ورودی را در (-5) ضرب کن و عدد حاصل را از (-3) کم کن.»

با ورود عدد (-6) به این دستگاه، چه عددی خارج می شود؟

33 (۲)

27 (۱)

-33 (۴)

-27 (۳)

۴) حاصل عبارت $6 \times 3 + 18 -$ چقدر است؟

-36 (۴)

-1 (۳)

36 (۲)

1 (۱)

۵) حاصل عبارت $40-39+\dots-6+5-4+3-2+1$ برابر است با:

$+40$ (۴)

-40 (۳)

$+20$ (۲)

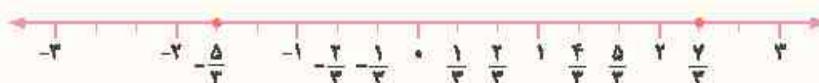
-20 (۱)



درس دوم: معرفی عددهای گویا

عدد گویا: به هر عددی که از تقسیم دو عدد صحیح بر هم به وجود می‌آید، عدد گویا گفته می‌شود (دقت کنید که مخرج هیچ عدد گویایی نمی‌تواند صفر باشد). به عبارت دیگر، به هر عددی که بتوان آن را به صورت کسر $\frac{a}{b}$ نوشت به طوری که a و b عددهای صحیح و $b \neq 0$ باشد، عدد گویا می‌گوییم. به این ترتیب هر یک از عددهای $-\frac{3}{5}$ ، $+\frac{14}{5}$ ، $-\frac{1}{2}$ ، $-\frac{3}{4}$ ، $+\frac{1}{5}$ ، $-\frac{3}{5}$ ، $+\frac{14}{5}$ ، $-\frac{1}{2}$ ، $-\frac{3}{4}$ ، $+\frac{1}{5}$ ، $-\frac{3}{5}$ و $-\frac{7}{4}$ عددی گویاست، اما عددهای $\sqrt{2}$ ، $\sqrt{3}$ و $\sqrt{5}$ عدد گویا نیستند.

نمایش عددهای گویا روی محور: برای نمایش هر عدد گویا روی محور، ابتدا با توجه به مخرج عدد، واحدها را به قسمت‌های مساوی تقسیم می‌کنیم. سپس از نقطه صفر شروع می‌کنیم و به مقدار صورت کسر، از قسمت‌های ساخته‌شده می‌شماریم و روی محور در جهت مناسب حرکت می‌کنیم. به عنوان مثال برای نمایش $-\frac{5}{3}$ ، ابتدا هر واحد محور را به ۳ قسمت مساوی تقسیم می‌کنیم. به این ترتیب هر قسمت نشان‌دهنده $\frac{1}{3}$ واحد است. پس اگر از صفر، تا $\frac{1}{3}$ به سمت منفی‌ها حرکت کنیم، به نقطه $-\frac{5}{3}$ می‌رسیم. برای نمایش $+\frac{7}{3}$ نیز کافی است از صفر، تا $\frac{7}{3}$ به سمت مثبت‌ها حرکت کنیم تا به نقطه $+\frac{7}{3}$ برسیم.



همان‌طور که در محور بالا می‌بینید، عدد $-\frac{5}{3}$ با عدد مخلوط $-1\frac{2}{3}$ و عدد $+\frac{7}{3}$ با عدد مخلوط $2\frac{1}{3}$ برابر است.

نکته

- ۱- هر عدد صحیح، یک عدد گویاست که مخرج آن ۱ است. مانند: $3 = \frac{3}{1}$
- ۲- هر عدد گویا، همواره یک عدد صحیح نیست. برای مثال عدد $-\frac{3}{5}$ یا $+\frac{8}{5}$ با هیچ عدد صحیحی برابر نیست.
- ۳- بین هر دو عدد گویا، بی‌شمار عدد گویا وجود دارد.

قرینه اعداد گویا: در عددهای گویا نیز مانند عددهای صحیح برای تعیین قرینه هر عدد، فقط علامت آن را تغییر می‌دهند. مانند:

$$\begin{aligned} \text{الف) قرینه } -\frac{3}{5} &= -(-\frac{3}{5}) = +\frac{3}{5} & \text{ب) قرینه } (-2\frac{1}{5}) &= -(-2\frac{1}{5}) = +2\frac{1}{5} \\ \text{پ) قرینه } +\frac{6}{13} &= -(+\frac{6}{13}) = -\frac{6}{13} & \text{ت) قرینه } +8\frac{5}{7} &= -(+8\frac{5}{7}) = -8\frac{5}{7} \end{aligned}$$

نکته

۱- قرینه قرینه هر عدد گویا با خود آن عدد برابر است.

$$\begin{aligned} -(-(-\frac{3}{4})) &= -\frac{3}{4} & -(-(+\frac{6}{5})) &= +\frac{6}{5} \\ \text{می‌خوانیم قرینه قرینه قرینه } (-\frac{3}{4}) & & \text{می‌خوانیم قرینه قرینه قرینه } (+\frac{6}{5}) & \end{aligned}$$

۲- اگر تعداد علامت‌های قرینه پشت یک عدد گویا فرد باشد، آن عدد قرینه می‌شود، اما اگر تعداد علامت‌های قرینه پشت یک عدد گویا زوج باشد، آن عدد تغییر نمی‌کند.

$$\begin{aligned} -(-(-(-\frac{7}{3}))) &= +\frac{7}{3} & -(-(-(-(-\frac{7}{3})))) &= -\frac{7}{3} \\ \text{تا ۳ (فرد)} & & \text{تا ۴ (زوج)} & \end{aligned}$$



تبدیل اعداد گویا از حالت مخلوط به حالت کسری: برای تبدیل هر عدد گویای مخلوط به یک عدد گویای کسری کافی است ابتدا علامت عدد را بنویسیم، سپس عدد را بدون علامت آن به شکل کسری تبدیل کنیم. به عنوان مثال برای تبدیل عدد $5\frac{1}{3}$ به کسر، ابتدا علامت آن را می‌نویسیم، سپس $5\frac{1}{3}$ را به کسر تبدیل می‌کنیم که مساوی $\frac{(5 \times 3) + 1}{3} = \frac{16}{3}$ می‌شود، پس $5\frac{1}{3}$ با $\frac{16}{3}$ برابر است. همچنین عدد $5\frac{3}{7}$ با عدد $\frac{(5 \times 7) + 3}{7} = \frac{38}{7}$ برابر است.

تبدیل اعداد گویا از حالت کسری به حالت مخلوط: در این قسمت نیز ابتدا علامت عدد را می‌نویسیم، سپس کسر را به عدد مخلوط تبدیل می‌کنیم. برای مثال عدد $-\frac{19}{5}$ با عدد $3\frac{4}{5}$ برابر است، این کار را به دو روش زیر می‌توانیم انجام دهیم:

روش اول:
$$-\frac{19}{5} = -\frac{15+4}{5} = -\left(\frac{15}{5} + \frac{4}{5}\right) = -(3 + \frac{4}{5}) = -3\frac{4}{5}$$

روش دوم:
$$-\frac{19}{5} = -3\frac{4}{5} \quad \begin{array}{l} 19 \overline{) 5} \rightarrow \text{مخرج کسر} \\ -15 \quad 3 \rightarrow \text{عدد صحیح} \\ \quad \quad 4 \rightarrow \text{صورت کسر} \end{array}$$

عددهای گویای مساوی با هم: اگر صورت و مخرج یک عدد گویا را در عددی مخالف صفر ضرب یا بر آن تقسیم کنیم، کسر مساوی با آن به دست می‌آید. مانند:



در بعضی عبارت‌ها برای نوشتن کسر مساوی می‌توان از روش طرفین-وسطین استفاده کرد.

در هر قسمت، مقدار x را تعیین کنید.

الف)
$$-\frac{6}{8} = -\frac{9}{x} \Rightarrow x = \frac{6 \times 8}{9} = 12$$

با توجه به اینکه علامت هر دو کسر یکسان است، در محاسبه نیازی به استفاده از علامت‌ها نیست.

ب)
$$-\frac{10}{65} = -\frac{x}{26} \Rightarrow x = \frac{10 \times 26}{65} = 4$$

نوشتن عددهای گویا بین دو عدد گویا: برای نوشتن عددهای گویای بین دو عدد گویا از روش‌های زیر می‌توان استفاده کرد:

۱- روش مخرج مشترک: ابتدا مخرج مشترک دو عدد گویا را پیدا می‌کنیم، سپس با نوشتن کسرهای مساوی آنها، عددهایی گویا بین آن دو عدد می‌نویسیم.

۲- روش میانگین: با توجه به اینکه میانگین هر دو عدد گویا دقیقاً وسط آن دو عدد قرار دارد، می‌توان عددهایی گویا بین آنها نوشت. با محاسبه میانگین عدد به دست آمده با هر یک از عددهای اولیه، می‌توان عددهای گویای دیگری بین آنها نوشت.



مثال

بین دو عدد گویای $\frac{2}{5}$ و $\frac{5}{7}$ چند عدد گویا بنویسید.

روش مخرج مشترک: $\frac{2}{5} = \frac{14}{35}$ ، $\frac{5}{7} = \frac{25}{35} \Rightarrow$ عددهای گویای مورد نظر $= \frac{15}{35}, \frac{16}{35}, \dots, \frac{23}{35}, \frac{24}{35}$

روش میانگین:

$$\text{میانگین} = \frac{\frac{2}{5} + \frac{5}{7}}{2} = \frac{\frac{14+25}{35}}{2} = \frac{39}{70}$$

$$\text{میانگین} = \frac{\frac{2}{5} + \frac{39}{70}}{2} = \frac{\frac{28+39}{70}}{2} = \frac{67}{140}$$

مقایسه عددهای گویا: برای مقایسه دو عدد گویا مانند مقایسه دو کسر یا دو عدد مخلوط عمل می‌کنیم. برای انجام مقایسه ابتدا قسمت‌های صحیح دو عدد گویا و در صورت برابر بودن این قسمت، قسمت‌های کسری آنها را مقایسه می‌کنیم.

مثال

عددهای زیر را مقایسه کنید و علامت مناسب ($<$, $=$, $>$) قرار دهید.

الف) $3\frac{1}{2} > 2\frac{2}{3}$

ب) $2\frac{4}{5} < 2\frac{5}{6}$

$(\frac{24}{30} = \frac{4}{5} < \frac{5}{6} = \frac{25}{30})$

ساده کردن عبارت‌های گویا: برای ساده کردن این عبارت‌ها، کافی است عددهای صورت و مخرج را به صورت ضرب عددهای طبیعی بنویسیم، سپس عددهای مشترک در صورت و مخرج را با هم ساده کنیم.

مثال

ابتدا عبارت $\frac{-21 \times (-45)}{(-35) \times 24}$ را تعیین علامت، سپس آن را ساده کنید.

برای تعیین علامت این عبارت، ابتدا تعداد علامت‌های منفی آن را می‌شماریم. اگر تعداد علامت‌های منفی فرد باشد، حاصل عبارت عددی منفی و اگر تعداد علامت‌های منفی زوج باشند، حاصل عددی مثبت خواهد شد. سپس عددها را بدون علامت‌های آنها با هم ساده می‌کنیم.

$$\frac{-21 \times (-45)}{(-35) \times 24} = \frac{\cancel{3} \times \cancel{3} \times \cancel{3} \times 9}{\cancel{5} \times \cancel{3} \times \cancel{3} \times 8} = -\frac{9}{8}$$

تمرین

درستی یا نادرستی جمله‌های زیر را مشخص کنید.

- درست نادرست
- درست نادرست
- درست نادرست
- درست نادرست

الف) نقطه $-\frac{17}{3}$ بین دو عدد صحیح -5 و -6 است.

ب) دو عدد $-\frac{1}{3}$ و $-\frac{2}{3}$ با هم برابر هستند.

پ) هر عدد صحیح، یک عدد گویاست.

ت) عدد $-\frac{3}{5}$ از عدد $-\frac{4}{5}$ بزرگ‌تر است.



۲) هر یک از جمله‌های زیر را با عدد یا کلمه مناسب کامل کنید.

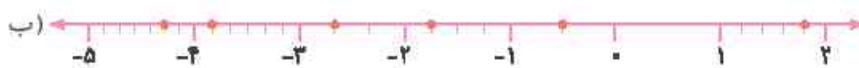
الف) هر کسری که صورت و مخرجش عدد صحیح و مخرجش مخالف صفر باشد، عددی است.

ب) قرینه عدد $(-\frac{5}{6})$ برابر است.

پ) قرینه قرینه هر عدد، مساوی است.

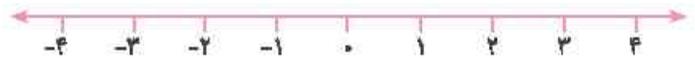
ت) کسر $-\frac{32}{7}$ قرینه عدد مخلوط است.

۳) در هر قسمت، تعیین کنید که نقاط مشخص شده روی محور، چه عددی را نشان می‌دهند.

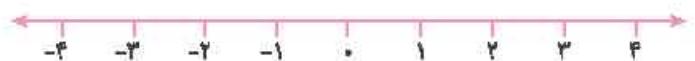


۴) در هر قسمت، نقاط داده شده را روی محور مشخص کنید.

الف) $+\frac{6}{2}, -\frac{7}{2}, +2\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}$



ب) $-\frac{8}{3}, +\frac{6}{3}, -1\frac{1}{3}, +\frac{2}{3}$



پ) $-3\frac{1}{4}, +\frac{1}{4}, -\frac{3}{4}, +1\frac{1}{4}$



۵) به کمک محور، عددهای زیر را از کوچک به بزرگ و از چپ به راست مرتب کنید.

$1, -\frac{3}{8}, \frac{1}{4}, \frac{3}{2}, -\frac{3}{4}, 0$

۶) در جاهای خالی علامت مناسب ($<$, $=$, $>$) قرار دهید.

الف) $+\frac{3}{5} \bigcirc +\frac{7}{5}$

ب) $+\frac{5}{3} \bigcirc +\frac{5}{7}$

پ) $+\frac{2}{3} \bigcirc +\frac{3}{4}$

ت) $-\frac{2}{3} \bigcirc -\frac{3}{4}$

ث) $-3\frac{4}{7} \bigcirc -\frac{25}{7}$

ج) $-(-\frac{6}{5}) \bigcirc +(-\frac{1}{2})$

چ) $-7\frac{3}{4} \bigcirc -5\frac{3}{4}$

ح) $-3\frac{2}{5} \bigcirc -3\frac{2}{5}$

خ) $+2\frac{1}{6} \bigcirc -(+\frac{15}{4})$

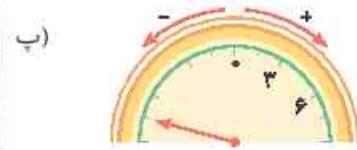
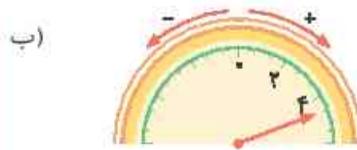
۷) ابتدا جدول را کامل کنید، سپس عددهای داده شده را در جدول قرار دهید.

$-2\frac{5}{6}, \frac{3}{4}, +4\frac{1}{3}, -1\frac{1}{2}, \frac{7}{3}, -\frac{3}{4}, 2\frac{3}{10}$

	بین -۲ و -۱	بین صفر و ۱	بزرگ‌تر از ۱
$x < -2$		$-1 < x < 0$	$0 < x < 1$



۸ در هر قسمت، عقربه چه عددی را نشان می‌دهد؟



۹ هر یک از تساوی‌های زیر را با نوشتن سه کسر دیگر ادامه دهید.

الف) $+\frac{5}{7} = \dots = \dots = \dots$

ب) $-\frac{4}{9} = \dots = \dots = \dots$

پ) $+\frac{1}{2} = \dots = \dots = \dots$

ت) $-\frac{3}{5} = \dots = \dots = \dots$

۱۰ با انتخاب عدد دلخواه مناسب برای x ، به هر یک از سؤال‌های زیر پاسخ دهید.

الف) اگر x عدد صحیح مثبت باشد، $\frac{x}{7}$ بزرگ‌تر است یا $\frac{x}{5}$ ؟ چرا؟

ب) اگر x عدد صحیح مثبت باشد، $\frac{7}{x}$ بزرگ‌تر است یا $\frac{5}{x}$ ؟ چرا؟

پ) اگر x عدد صحیح منفی باشد، $\frac{x}{7}$ بزرگ‌تر است یا $\frac{x}{5}$ ؟ چرا؟

ت) اگر x عدد صحیح منفی باشد، $\frac{7}{x}$ بزرگ‌تر است یا $\frac{5}{x}$ ؟ چرا؟

۱۱ در جدول زیر، نوع عددها را مشخص کنید، سپس به سؤال‌ها پاسخ دهید.

عدد	نوع
$\frac{25}{-7}$	
$-\frac{7}{-3}$	
$-\frac{-5}{4}$	
$-\sqrt{25}$	
$+\frac{21}{7}$	
$-\frac{3 \cdot 4}{7}$	
$(-\frac{1}{4})^3$	
$-7/2$	
$+\frac{5}{3}$	
$-(-5)$	
0	
-7	
$+7$	
	طبیعی
	صحیح
	گویا

الف) آیا هر عدد طبیعی، یک عدد صحیح است؟

ب) آیا هر عدد صحیح، یک عدد گویاست؟

پ) آیا هر عدد طبیعی، یک عدد گویاست؟

سائنس امتحان



کلاغ

سیپید



فصل اول: عددهای صحیح و گویا

الف) درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید.

- ۱ درست نادرست (پرتکرار)
- ۲ درست نادرست (پرتکرار)
- ۳ درست نادرست (پرتکرار)
- ۴ درست نادرست (پرتکرار)
- ۵ درست نادرست (پرتکرار)

- ۱ بزرگترین عدد صحیح منفی دو رقمی $10-$ است.
- ۲ قرینه هر عدد از خود عدد کوچکتر است.
- ۳ حاصل عبارت $(5 \times 4 - 3)$ برابر با (-5) است.
- ۴ بین هر دو عدد گویا، بی‌شمار عدد گویا وجود دارد.
- ۵ صفر تنها عدد گویاست که معکوس ندارد.

ب) جاهای خالی را پر کنید.

- ۱ بین $3-$ و $4-$ عدد صحیح وجود دارد.
- ۲ بزرگترین عدد صحیح منفی عدد است.
- ۳ به هر عدد کسری به صورت $\frac{a}{b}$ که در آن a و b عددهای صحیح و $b \neq 0$ باشد، عدد می‌گوییم.
- ۴ حاصل تقسیم عدد 1 بر هر عدد غیرصفر برابر آن عدد است.
- ۵ قرینه معکوس عدد $(-\left(-\left(3 + \frac{2}{5}\right)\right))$ عدد است.

پ) گزینه درست را انتخاب کنید.

- ۱ کدام یک از رابطه‌های زیر نادرست است؟
 (۱) $(-7) + (-4) = -11$ (۲) $6 = -(-6)$ (۳) $0 < (-13)$ (۴) $2 + 2 = 4$
 (اصفهان)
- ۲ کدام یک از اعداد زیر گویا نیست؟
 (۱) $\sqrt{0.64}$ (۲) $\sqrt{0.64}$ (۳) $\frac{3}{14}$ (۴) $\frac{-1}{5^3}$
 (پرتکرار)
- ۳ حاصل عبارت $2 - \frac{2}{2 - \frac{1}{2}}$ کدام است؟
 (۱) $\frac{2}{3}$ (۲) $-\frac{2}{3}$ (۳) $\frac{10}{3}$ (۴) $\frac{6}{5}$
 (پرتکرار)
- ۴ حاصل ضرب هر عدد گویا به جز صفر در آن عدد برابر ۱ است.
 (۱) مجذور (۲) معکوس (۳) قرینه (۴) مکعب
 (پرتکرار)
- ۵ حاصل عبارت $\dots = \frac{7}{20} + 3\frac{7}{85} - \frac{1}{90} - 12$ به صورت تقریبی کدام است؟
 (۱) ۱۴ (۲) ۱۵ (۳) ۱۶ (۴) ۱۷
 (گلستان)
- ۶ بین کوچکترین عدد صحیح منفی دو رقمی و کوچکترین عدد مثبت دو رقمی، چند عدد صحیح وجود دارد؟
 (۱) ۱۰۸ (۲) ۱۰۹ (۳) ۱۹۷ (۴) ۱۹۸
 (خراسان جنوبی)

ت) به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.

(پرتکرار)

۱) هر یک از عبارتهای زیر چه عددی را نشان می‌دهد؟

الف) بزرگ‌ترین عدد صحیح منفی: ب) کوچک‌ترین عدد صحیح مثبت:

پ) کوچک‌ترین عدد فرد طبیعی دو رقمی: ت) بزرگ‌ترین عدد زوج طبیعی سه رقمی:

(پرتکرار)

۲) در جاهای خالی علامت‌های + و - را طوری قرار دهید که حاصل بزرگ‌ترین عدد ممکن شود. سپس حاصل را بنویسید.

الف) $-۱۵ \square (+۸) \square (-۳) \square (-۱۰)$ (تهران) ب) $-۵ \square (-۶) \square (+۳) \square (-۹)$ (ایران)

(پرتکرار)

۳) جدول زیر را کامل کنید.

عدد	قرینه	معکوس	قرینه معکوس
$-\frac{۲}{۳}$			
-۵			
$۲\frac{۳}{۵}$			
$-۳\frac{۱}{۵}$			

(پرتکرار)

۴) حاصل عبارتهای زیر را به دست آورید.

الف) $-۱۶ \div ۲ \times ۳ - ۴$ (زنجان)

ب) $(-۸ - ۱۷ + ۱) \div (۹ - ۲ + ۵)$ (ایران)

پ) $۷ - ۳(۱ - ۵(۲ - ۴) - ۹)$ (خوزستان)

ت) $۱۶ - ۱۶[-۲ \div (-۴ - ۴) \div (-۱ - ۱)] - ۱$ (یوشهر)

ث) $(۱۰ - ۱)(۹ - ۱)(۸ - ۱) \dots (-۹ - ۱)(-۱۰ - ۱)$ (ایران)

ج) $۱ + ۲ + ۳ + \dots + ۱۰۰$ (اصفهان)

ح) $۷ + ۱۲ + ۱۷ + ۲۲ + \dots + ۱۰۷$ (قزوین)

ح) $۳ - ۶ + ۹ - ۱۲ + \dots + ۶۳ - ۶۶$ (مازندران)

(پرتکرار)

۵) عدد گویای مربوط به هر نقطه را بنویسید.



(بزرگ)

۶) بین $\frac{۱}{۳}$ و $\frac{۱}{۴}$ دو عدد گویا بنویسید.

(پرتکرار)

۷) جدول زیر را کامل کنید.

نوع	عدد	$-\sqrt{۸۱}$	$۷/۲$	$-(-(+۴))$	$\frac{-۱۲}{-۴}$
طبیعی					
صحیح					
گویا					



۸ هر یک از عددهای داده شده را در جای مناسب بنویسید.

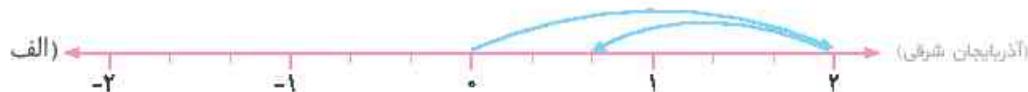
(تهران)

$$-\frac{2}{7}, -\frac{1}{3}, \frac{5}{21}, \frac{9}{5}$$

$x \leq -2$	$-2 < x \leq 0$	$0 < x \leq 2$	$x > 2$

۹ برای محورهای زیر، یک جمع با عددهای گویا بنویسید.

ا) پرتکارا



۱۰ حاصل عبارت های زیر را به کمک رسم محور به دست آورید.

ا) پرتکارا

الف) $(-\frac{7}{3}) + (\frac{5}{3})$ (تهران)

ب) $-\frac{2}{3} - \frac{5}{3}$ (قزوین)

۱۱ مقایسه کنید.

ا) پرتکارا

الف) $\frac{5}{17} \bigcirc \frac{6}{17}$

ب) $-\frac{2}{3} \bigcirc -\frac{4}{7}$

پ) $\frac{7}{9} \bigcirc \frac{7}{10}$

۱۲ کسرهای زیر را ساده کنید.

ا) پرتکارا

الف) $\frac{(21) \times (-77)}{(-44) \times (-27)}$ (گلستان)

ب) $\frac{(-24) \times (+15)}{(-20) \times (+16)}$ (سیستان و بلوچستان)

۱۳ در تساوی های زیر مقدار x را حساب کنید.

ا) پرتکارا

الف) $\frac{15}{9} = \frac{x}{21}$ (گلستان)

ب) $-\frac{8}{13} = \frac{-32}{x}$ (تهران)

پ) $\frac{-4}{-18} = \frac{x}{-9}$ (خوزستان)

۱۴ مقدار تقریبی عبارت های زیر را به دست آورید.

ا) پرتکارا

الف) $-13/11 + (-4/81) + (8/02)$

ب) $-5\frac{14}{15} + 8\frac{1}{19} - 7\frac{8}{99}$

۱۵ حاصل عبارت های زیر را به دست آورید.

ا) پرتکارا

الف) $-1\frac{2}{3} - 1\frac{1}{4} \times \frac{8}{5}$ (قزوین)

ب) $(\frac{2}{8} - \frac{5}{6} \times \frac{2}{3}) \div \frac{1}{3}$ (تهران)

پ) $(-\frac{1}{4} + \frac{4}{7}) + (-\frac{5}{14} + \frac{2}{7})$ (آرستان)

ت) $1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{2 - \frac{7}{5}}}$ (آذربایجان غربی)

ث) $1\frac{1}{2} \times 1\frac{1}{3} \times 1\frac{1}{4} \times \dots \times 1\frac{1}{100}$ (تهران)

ج) $(-1 - \frac{1}{3}) \times (-1 - \frac{1}{4}) \times (-1 - \frac{1}{5}) \times \dots \times (-1 - \frac{1}{17})$ (مازندران)



فصل دوم: عددهای اول

الف) درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید.

- ۱ عدد ۳۷ عددی اول است. درست نادرست (پرتکرار)
- ۲ هر عدد طبیعی حداقل ۲ شمارنده دارد. درست نادرست (پرتکرار)
- ۳ همه اعداد اول، فرد هستند. درست نادرست (پرتکرار)
- ۴ مضربهای طبیعی هر عدد اول، همگی مرکب هستند. درست نادرست (پرتکرار)
- ۵ مجموع دو عدد اول، عددی اول است. درست نادرست (پرتکرار)
- ۶ دو عدد ۱۷ و ۱۹ یک جفت عدد دوقلوی اول هستند. درست نادرست (پرتکرار)
- ۷ اگر ب.م.م دو عدد ۱ باشد، می‌گوییم آن دو عدد نسبت به هم اول‌اند. درست نادرست (پرتکرار)
- ۸ در روش غربال، دومین عددی که برای اولین بار با مضربهای ۵ خط می‌خورد، ۱۵ است. درست نادرست (پرتکرار)
- ۹ برای تعیین عددهای اول بین ۱ و ۹۰ به روش غربال، آخرین عددی که خط می‌خورد، ۴۹ است. درست نادرست (پرتکرار)

ب) جاهای خالی را پر کنید.

- ۱ عدد نه اول است، نه مرکب. (پرتکرار)
- ۲ هر عدد طبیعی را که بتوان به صورت ضرب دو عدد طبیعی بزرگ‌تر از ۱ نوشت، عدد می‌گویند. (پرتکرار)
- ۳ اگر مجموع دو عدد اول عددی فرد باشد، عدد کوچک‌تر برابر است. (توزان)
- ۴ تنها مضرب اول هر عدد اول است. (پرتکرار)
- ۵ حاصل ضرب دو عدد اول، عددی است. (پرتکرار)
- ۶ دو عدد ۳۵ و ۳۶ نسبت به هم هستند. (پرتکرار)
- ۷ در تعیین اعداد اول بین ۱ تا n به روش غربال، اولین عددی که خط می‌خورد عدد است. (اصفهان)
- ۸ در روش غربال وقتی به عدد اول n می‌رسیم، اولین مضرب آن که برای اولین بار خط می‌خورد عدد است. (کهگیلویه و بویراحمد)

پ) گزینه درست را انتخاب کنید.

- ۱ بین ۳۰ و ۴۰ چند عدد اول وجود دارد؟ ۱ ۲ ۳ ۴ ۵ (پرتکرار)
- ۲ کدام یک از اعداد زیر اول است؟ ۵۷ ۳۹ ۹۷ ۹۱ ۴ (پرتکرار)



۳ کدام دو عدد نسبت به هم اول‌اند؟
 ا) ۳، ۱۵ (۱) ب) ۹، ۲۵ (۲) ج) ۴، ۱۶ (۳) د) ۵، ۳۰ (۴)

۴ برای تعیین اعداد اول کمتر از ۱۰۰ به روش غربال، خط زدن را با مضرب‌های کدام عدد پایان می‌دهیم؟
 ا) ۵ (۱) ب) ۷ (۲) ج) ۱۱ (۳) د) ۱۳ (۴)

۵ در روش غربال برای پیدا کردن اعداد اول بین ۱ و ۵۰، بعد از حذف ۲۵، کدام عدد خط می‌خورد؟
 ا) ۳۰ (۱) ب) ۳۵ (۲) ج) ۴۹ (۳) د) ۴۵ (۴)

۶ در روش غربال از ۱ تا ۱۰۰ کدام عدد خط نمی‌خورد؟
 ا) ۹۷ (۱) ب) ۹۱ (۲) ج) ۸۷ (۳) د) ۶۹ (۴)

۷ در تشخیص اول یا مرکب بودن عدد ۱۹۷ این عدد را حداکثر بر چند عدد اول تقسیم می‌کنیم؟
 ا) ۵ (۱) ب) ۶ (۲) ج) ۷ (۳) د) ۸ (۴)

ت) به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.

۱ عدد ۱۵۰ را با رسم نمودار درختی تجزیه، و شمارنده‌های اول آن را مشخص کنید.

۲ الف) آیا جمله «هر عدد طبیعی حداقل ۲ شمارنده دارد» درست است؟ چرا؟
 ب) دو عدد طبیعی بنویسید که به جز ۳ و ۵ شمارنده اول دیگری نداشته باشند.

پ) اعداد ۱۵ و ۱۴ دو شمارنده یک عدد هستند. دو شمارنده مرکب دیگر برای این عدد بنویسید.

۳ تساوی‌های زیر را کامل کنید.

الف) $(13, 8) =$ ب) $[27, 9] =$ پ) $(28, 14) =$

۴ الف) یک عدد اول و یک عدد مرکب مثال بزنید که نسبت به هم اول باشند.

ب) دو عدد مرکب مثال بزنید که نسبت به هم اول باشند.

پ) دو عدد بنویسید که نسبت به ۱۲۰ اول باشند.

۵ دور اعداد اول خط بکشید.

۴۱، ۵۱، ۶۱، ۷۳، ۸۳، ۱۰۱، ۱۱۱، ۱۴۳، ۱۴۷

۶ الف) مجموع دو عدد اول ۹۹ شده است. آن دو عدد را بنویسید.

ب) تفاضل دو عدد اول ۹۹ شده است. آن دو عدد را بنویسید.

پ) هفت برابر مجموع دو عدد اول ۷۲۱ شده است. اختلاف آن دو عدد را بنویسید.

۷ الگوریتم غربال را برای اعداد ۱۲۰ تا ۱۴۰ به کار ببرید و اعداد اول بین ۱۲۰ و ۱۴۰ را بیابید.

۸ با روش تقسیم کردن مشخص کنید عدد ۱۸۳ اول است یا مرکب.



پرتکرار

۹ با توجه به روش غربال اعداد اول ۱ تا ۱۰۰، به سؤال‌های زیر پاسخ دهید.

الف) کدام عدد زودتر و کدام عدد دیرتر از همه خط می‌خورد؟

ب) اولین عدد مرگی که خط می‌خورد چیست؟

پ) مضارب چند عدد اول خط می‌خورند؟

ت) در مرحله خط زدن مضرب‌های ۷، همه اعدادی را که برای اولین بار خط می‌خورند به ترتیب بنویسید.

ث) بعد از ۳۵ چه عددی خط می‌خورد؟

ج) عدد ۵۷ برای اولین بار با مضارب کدام عدد اول خط می‌خورد؟

چ) هفتادمین عددی که خط می‌خورد چیست؟

پرتکرار

۱۰ در تعیین اعداد اول بین ۵۰ و ۱۵۰ به روش غربال:

الف) این کار را با خط زدن مضرب‌های کدام عدد شروع می‌کنید و با خط زدن مضرب‌های کدام عدد پایان می‌دهید؟

ب) اولین عدد فردی که خط می‌زنید چه عددی است؟

پ) آخرین عددی که خط می‌زنید چه عددی است؟

ت) آیا ۱۲۳ خط می‌خورد؟ چرا؟

ث) عدد ۹۱ با مضرب‌های کدام عدد خط می‌خورد؟

ج) اولین مضرب ۵ که با مضرب‌های عدد ۵ خط می‌خورد، چیست؟

چ) پانزدهمین عددی که خط می‌خورد چیست؟

پرتکرار

۱۱ عددی از ۱۲۰ کوچک‌تر و از ۱۰۰ بزرگ‌تر است. برای اینکه بفهمیم این عدد اول است یا نه، حداکثر چند تقسیم نیاز است؟

فصل سوم: چندضلعی‌ها



الف) درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید.

پرتکرار

درست نادرست

۱ اگر هر یک از زاویه‌های چندضلعی کوچک‌تر از ۱۸۰ درجه باشد، چندضلعی مقعر است.

پرتکرار

درست نادرست

۲ هفت ضلعی منتظم ۷ محور تقارن و یک مرکز تقارن دارد.

پرتکرار

درست نادرست

۳ لوزی یک چهارضلعی منتظم است.

پرتکرار

درست نادرست

۴ متوازی‌الاضلاع مرکز تقارن دارد، ولی محور تقارن ندارد.

پرتکرار

درست نادرست

۵ دو خط عمود بر یک خط، با هم موازی‌اند.

الوستان

درست نادرست

۶ مربع نوعی لوزی است که زاویه قائمه دارد.

پرتکرار

درست نادرست

۷ متوازی‌الاضلاعی که ضلع‌های آن با هم برابر باشند، لوزی نام دارد.

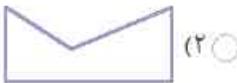
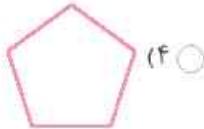


- ۸ در هر لوزی زاویه‌های روبه‌رو با هم برابرند. درست نادرست (پرتکرار)
- ۹ در هر دوزنقه زوایای مجاور به یک ضلع، مکمل هم هستند. درست نادرست (فارس)
- ۱۰ مجموع زاویه‌های داخلی هشت‌ضلعی ۱۴۴۰ درجه است. درست نادرست (پرتکرار)
- ۱۱ اندازه هر زاویه خارجی یک هشت‌ضلعی منتظم ۱۳۵ درجه است. درست نادرست (پرتکرار)

(ب) جاهای خالی را پر کنید.

- ۱ هر چندضلعی را که حداقل یک زاویه بزرگ‌تر از ۱۸۰ درجه داشته باشد، می‌نامند. (پرتکرار)
- ۲ به هر چندضلعی که همه زاویه‌ها و ضلع‌های آن با هم برابر باشد، چندضلعی می‌گویند. (پرتکرار)
- ۳ سه ضلعی منتظم و چهارضلعی منتظم نام دارد. (پرتکرار)
- ۴ هر هشت ضلعی منتظم محور تقارن دارد و مرکز تقارن (پرتکرار)
- ۵ مثلث یک محور تقارن دارد، اما مرکز تقارن ندارد. (پرتکرار)
- ۶ مثلث متساوی‌الاضلاع محور تقارن و مرکز تقارن دارد. (پرتکرار)
- ۷ دوزنقه متساوی‌الساقین محور تقارن دارد. (اصفهان)
- ۸ اگر $b \perp c$ و $a \parallel b$ باشد، آنگاه (تهران)
- ۹ اگر وسط ضلع‌های یک مستطیل را به طور متوالی به هم وصل کنیم، شکل حاصل است. (پرتکرار)
- ۱۰ متوازی‌الاضلاعی که یک زاویه‌اش ۹۰ درجه باشد، نامیده می‌شود. (گلستان)
- ۱۱ در متوازی‌الاضلاع ضلع‌های روبه‌رو با هم و هستند. (پرتکرار)
- ۱۲ چهارضلعی‌ای که فقط دو ضلع موازی دارد، نام دارد. (یزد)
- ۱۳ در هر مثلث اندازه هر زاویه خارجی برابر است با مجموع دو زاویه داخلی آن. (پرتکرار)
- ۱۴ مجموع زاویه‌های خارجی هر n ضلعی محدب درجه است. (پرتکرار)

(ب) گزینه درست را انتخاب کنید.

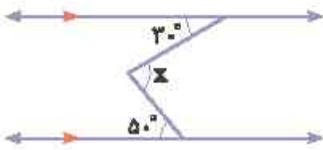
- ۱ کدام شکل محدب است؟ (خراسان رضوی)
- (۱)  (۲)  (۳)  (۴) 
- ۲ کدام شکل مرکز تقارن ندارد؟ (پرتکرار)
- (۱) شش ضلعی منتظم (۲) لوزی (۳) متوازی‌الاضلاع (۴) مثلث متساوی‌الاضلاع



(پرتکرار)

(۳) ذوزنقه متساوی الساقین (۴) متوازی الاضلاع

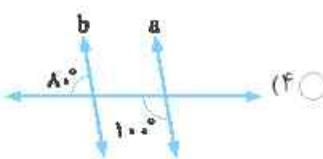
(پرتکرار)



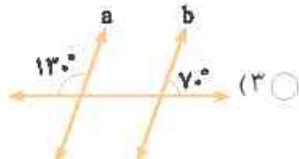
(۲) 8°

(۴) 10°

(تهران)



(۴)



(۳)

(پرتکرار)

(۲) مستطیل نوعی مربع است.

(۴) ذوزنقه نوعی متوازی الاضلاع است.

(پرتکرار)

(۲) مربع و لوزی

(۴) لوزی و متوازی الاضلاع

(گلستان)

(۸) اگر دو زاویه مجاور در یک لوزی $5x + 4^\circ$ و $3x - 2^\circ$ باشند، مقدار x چقدر است؟

(۴) 5°

(۳) 4°

(۲) 3°

(۱) 2°

(مازندران)

(۹) اندازه هر زاویه داخلی n ضلعی منتظمی 17° درجه است. مقدار n چقدر است؟

(۴) ۳۷

(۳) ۳۶

(۲) ۳۵

(۱) ۳۴

(پرتکرار)

(۱۰) مجموع زاویه‌های داخلی و خارجی هفت ضلعی منتظم چقدر است؟

(۴) 54°

(۳) 108°

(۲) 90°

(۱) 126°

(پرتکرار)

(۱۱) با کاشی‌هایی به شکل می‌توان یک سطح را کاشی‌کاری کرد.

(۴) هفت ضلعی منتظم

(۳) شش ضلعی منتظم

(۲) پنج ضلعی منتظم

(۱) دایره

(پرتکرار)

(۱۲) با کاشی‌هایی به شکل نمی‌توان یک سطح را کاشی‌کاری کرد.

(۴) مثلث قائم‌الزاویه

(۳) لوزی

(۲) ده ضلعی منتظم

(۱) مثلث متساوی‌الاضلاع

(۳) کدام شکل محور تقارن دارد، ولی مرکز تقارن ندارد؟

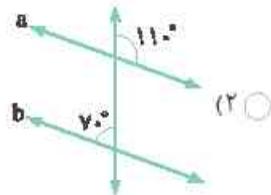
(۱) مستطیل (۲) لوزی

(۴) در شکل زیر اندازه زاویه x چند درجه است؟

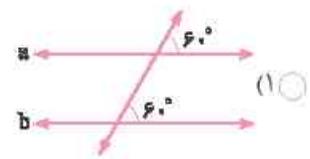
(۱) 7°

(۳) 9°

(۵) خط‌های a و b در کدام شکل موازی نیستند؟



(۲)



(۱)

(۶) کدام جمله درست است؟

(۱) لوزی نوعی مربع است.

(۳) لوزی نوعی متوازی الاضلاع است.

(۷) در کدام چهارضلعی‌ها، قطر‌ها عمود منصف هم هستند؟

(۱) مربع و مستطیل

(۳) لوزی و مستطیل